

اختبار في مادة الرياضيات

المدة: 2 ساعة

التمرين الأول :

I. نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $IR$  بالعارة:  $g(x) = x^3 + 3x^2 + 3x - 5$

1. أدرس تغيرات الدالة  $g$  وشكل جدول تغيراتها.

2. بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  على المجال  $[0; 1]$

3. استنتج إشارة  $g(x)$  حسب قيم  $x$  من  $IR$ .

II. لتكن  $f$  الدالة المعرفة على  $IR - \{-1\}$  بالعارة  $f(x) = \frac{x^3 - 3x + 1}{(x+1)^2}$  وليكن  $(Cf)$  تمثيلها البياني في

معلم متعامد ومتجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

1. أحسب نهايات الدالة  $f$  عند أطراف مجموعة تعريفها.

2. أحسب المشتق  $f'(x)$  مبينا أن من أجل كل  $x$  من  $IR - \{-1\}$  :  $f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^3}$ .

3. استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

4. عين معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(Cf)$  عند النقطة ذات الفاصلة 0.

التمرين الثاني :

لتكن المتتالية العددية  $(U_n)$  حيث  $u_0 = 0$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n + \frac{14}{3}$

(1) احسب كل من  $u_1$  و  $u_2$ .

(2) برهن بالتراجع أنه من أجل الأعداد طبيعي  $n$  :  $u_n < 7$ .

(3) بين أن المتتالية  $(U_n)$  متزايدة تماما ، ثم استنتج تقاربها.

(4) نعتبر المتتالية  $(V_n)$  المعرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بـ :  $V_n = u_n - 7$

(أ) بين أن المتتالية  $(V_n)$  هندسية ، يطلب تحديد أساسها وحدها الأول.

(ب) اكتب كلا من  $u_n$  و  $V_n$  بدلالة  $n$ .

(ج) اوجد نهاية المتتالية  $(U_n)$ .

(د) احسب بدلالة  $n$  المجموع  $S_n$  حيث :  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

التمرين الثالث :

$(U_n)$  متتالية حسابية حيث :  $u_4 = 5$  و  $u_8 = 7$ .

1. عين أساس المتتالية وحدها الأول  $u_0$ .

2. أحسب الحد العام  $u_n$  بدلالة  $n$  ، ثم عين العدد الطبيعي  $n$  حيث  $u_n = 50$ .

3. احسب قيمة المجموع  $S$  حيث :  $S = u_8 + u_9 + \dots + u_{94}$